# Исследование комплексов из больших и малых белков теплового шока в растворе методом малоуглового рентгеновского рассеяния

Амарантов С.В. ФНИЦ «Кристаллография и Фотоника» ИК РАН

Белки семейства Hsp60 (БТШ60)

Решаемые в работе задачи:

- Формфактор тора и его применение в решении обратной задачи
   восстановление формы частицы по кривой малоуглового рассеяния.
- 2. Исследование методом малоуглового рентгеновского рассеяния конформации белков шаперонинов, имеющих центрально-симметричное отверстие, в растворе, и моделирование их формы и конформационных переходов с применением полученных формфакторов.

## Известная структура молекул некоторых шаперонинов

Шаперонины делятся на две группы: к группе I относятся GroEL (*Escherichia coli*) и т.н. бактериальные шаперонины найденные в бактериях, митохондриях и хлоропластах, к группе II вирусные шаперонины архей и эукариот.

Обе группы шаперонинов функционируют за счёт энергии гидролиза АТФ.

GroEL состоит из 14 идентичных субъединиц (57 кДа), формирующих два уложенных стопкой кольца



#### КомплексGroEL-GroEs

GroEL/GroES защищает пептиды от агрегации и осуществляет их правильное сворачивание внутри полости [Weissman, et al., 1995]

Три возможные варианта структурных форм комплексов GroEL, ассоциированных с ко-шаперонином.







Модели получены методом электронной микроскопии.

А. GroEL без ко-шаперонина.

- B. GroEL, ассоциированный c GroES.
- C. GroEL, связавшийся с двумя ко-шаперонинами.





### GroEs

Апикальный домен

Промежуточный домен

Экваториальный домен При анализе генома бактериофага EL *Pseudomonas aeruginosa* впервые был обнаружен ген, кодирующий свой собственный шаперонин. Объекты исследования: вирусный шаперонин *gp146* своего бактериофага phiEL Если бактериальные шаперонины практически одинаковы по длине полипептидной цепи (GroEL *E. coli* – 548 а.о.) и имеют высокую степень гомологии (около 80%) а.о. то Степень гомологии бактериального GroEL с вирусным PG146 (558 а.о.) фага EL существенно ниже (21%). Но гомология на уровне а.о. не обязательна для белков, выполняющих схожие функции. Механизм функционирования фагового шаперонина не выяснен.





Электронная микро-фотография Бактериофагов phiEL и T4 Хвост phiEL 225 нм, T4 120 нм Капсид phiEL 123 нм, T4 85 нм

Электронная микроскопия рекомбинантного gp146. Видны комплексы, лежащие на «торце» и на «боку». Также видна центральная полость. Бар, 50 нм. [Hertveld et al, 2005]. Исследуемые объекты: Известный бактериальный шаперонин GroEL и в комплексе GroEL/ES( кристалл, раствор); И мало изученный вирусный шаперонин gp146 бактериофага phiEL Pseudomonas aeruginosa (раствор).

# Экспериментальная часть работы

Проверка раствора белка на монодисперсность методом аналитического ультрацентрифугирования и динамическим светорассеянием.

Малоугловой эксперимент.

### Проверка раствора белка на монодисперсность: Аналитическое ультрацентрифугирование. Скоростная седиментация.

Абсорбционная оптическая система детектирования



### Динамическое светорассеяние от раствора gp146.



# Малоугловой эксперимент

Схема малоуглового эксперимента, установка HECUS, при сканировании по углу при постоянной энергии падающего на образец монохроматического





Сравнение радиусов инерции и максимальных размеров шаперонинов GroEL и комплекса GroEL/GroES с величинами, рассчитанными по известным структурам



Прямое моделирование в прямои пространстве. с размером области D<sub>max</sub>. Модифицированный метод случайного перебора Конфигураций – метод Матрополиса Имитации отжига

Обычный путь - число параметров велико, форма более детализирована, но решение может быть неустойчиво Численный поиск параметров Модели (а, *b, c*) методом минимизации BFGS Min (*I(s, a<sub>o</sub>, b<sub>o</sub>, c<sub>o</sub>) - I <sub>exp</sub> (s))* 

Предлагаемый подход устойчив, Модель описывается минимальным числом независимых параметров

Вычисление Мах размера частицы из Р(D<sub>max</sub>)=0.

1 путь решения, через вычисление функции парных расстояний P(r) используя PMHK. 2 путь решения, через Выбор геометрической формы частицы и её параметрическое описание (a, b, c).

Теоретическое вычисление

Фурье *F(s)* амплитуды и

Интенсивности рассеяния

Как функции I(s, a, b, c).

🥜 Пусть из эксперимента получена кривая 🖊 <sub>ехр</sub> (S) 🔪

Поиск формы шаперонинов в растворе методом МУРР

# Поиск функции парных расстояний по данным рассеяния: алгоритм регуляризованных наименьших квадратов (РМНК).

11

#### В методе регуляризации Тихонова ставятся два условия:

-минимизация невязки 
$$||Ay - f||^2 = \min_{y}$$
  
-минимизация нормы решения  $||y||^2 = \min_{y}$   
вводится условие минимизации салаживающего  
dyнкционала:  $||Ay - f||^2 + \alpha ||y||^2 = \min_{y} \Phi[y, f];$   
 $||\Phi_{\alpha}[|p(r), I(s)] = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{\sigma_i^2} [I(s_i) - \int_{0}^{D_{max}} p(r) \frac{\sin(s_i r)}{s_i r} dr]^2 + \alpha \int_{0}^{D_{max}} [\frac{d p(r)}{d r}]^2 dr$   
 $p(0) = 0, p'(0) = 0, p'(0) = 0, p(D_{max}) = 0, p'(D_{max}) = 0$   
Если а мало, то решение неустойчиво при  $\alpha \rightarrow 0$  метод регуляризации Тихонова  
переходит в (МНК) с минимальной невязкой  $||Ay - f||^2 = \min_{y} \alpha$  и крайне неустойчивым  
решением. С увеличением а, решение становится глаже и устойчивей, т.е.  
Уменьшается норма решения  $||y||^2$  но увеличивается невязка. Задача состоит в

оптимальном сочетании достаточной гладкости при допустимой невязке.



Отметим, что параметризация формы шаперонинов через сферические гармоники не в состоянии передать особенности их структуры (отверстие)





*R* – радиус эквивалентной сферы.

разрешение

<u>Число параметров модели</u> *f<sub>Im</sub>* 2(*L*+1). Можно ввести симметрию оставив соответствующие гармоники в сумме

Модель поверхности, шаперонина GroEL Вычислена из экспериментальной кривой рассеяния (см, кривая 2 предыдущий слайд), как суперпозиция *L* = 15 сферических гармоник: а – сбоку; б – вид А (сбоку).

Параметрическое описание формы частицы, с параметрами a,b,c.



#### Известное точное выражения форм-фактора тора.

используем цилиндрические координаты. В прямом пространстве:

В обратном пространстве:



$$F(r,\alpha,z) = \frac{1}{V'} \iiint_{V'} e^{i(rs_{xy}\cos\alpha + zs_{z})} r \, dr \, d\alpha \, dz = \frac{2\pi}{2\pi^{2} abc} \int_{b-a}^{b+a} \int_{z_{1}}^{z_{2}} e^{izs_{z}} J_{0}(rs_{xy}) \, dz \, r \, dr = \frac{1}{\pi abc} \int_{b-a}^{b+a} \left\{ \int_{-z_{0}}^{z_{0}} e^{izs_{z}} dz \right\} J_{0}(rs_{xy}) \, r \, dr = \frac{1}{\pi abc} \int_{b-a}^{b+a} \left\{ \frac{2}{s_{z}} Sin(s_{z}z_{0}) \right\} J_{0}(rs_{xy}) \, r \, dr = \frac{1}{\pi abc} \cdot \frac{2}{sCos\theta} \int_{b-a}^{b+a} Sin\left( s \cdot c \sqrt{1 - \frac{(r-b)^{2}}{a^{2}}} \cdot Cos\theta} \right) J_{0}(rsSin\theta) \, r \, dr \quad (2.2);$$

Точное выражение для формфактора эллиптического тора:

форм-  
о тора: 
$$\langle \Phi(sa, sb) \rangle_{\theta} = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} |F(r, \alpha, z)|^{2} Sin \theta d\theta;$$

$$\left\langle \Phi(sa,sb) \right\rangle_{\theta} = \left(\frac{2}{\pi abcs}\right)^2 \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{\cos^2\theta} \left\{ \int_{b-a}^{b+a} Sin\left(s \cdot c\sqrt{1 - \frac{(r-b)^2}{a^2}} \cos\theta\right) J_0(s \cdot r Sin\theta) r dr \right\}^2 Sin\theta d\theta$$

Точное выражение имеет следующие недостатки:

- 1. Использовние этого выражения требует много машинного времени
- 2. из него затруднительно вычислить приближение Гинье и закон Порода.

Takeshi Kawaguchi J. Apple. Cyst.

(2001).34, 580 - 584

# Использование форм-фактора тора для решение прямой и обратной задач рассеяния для шаперона GroEL



### Шариковая модель, восстановление формы частицы, на примере GroEL как решение обратной задачи рассеяния.



### Вывод форм-фактора шаперона как сдвоенного эллиптического тора из форм-фактора одиночного тора

**B B I A T \** / **B** 

Ф(s, 
$$\theta$$
) =  $\frac{1}{\pi abc} \int_{b-a}^{b+a} \left\{ \int_{-z_1}^{z_1} e^{izs_z} dz + \int_{-z_2}^{z_2} e^{izs_z} dz \right\} J_0(rs_{xy}) r dr$  где  $\left\{ z_1 \\ z_2 \right\} = c (1 \pm \delta), \quad \delta = \sqrt{1 - \frac{(r-b)^2}{a^2}}$   
 $I(s) = \int_{0}^{\pi/2} |\Phi(sa, sb, \theta)|^2 Sin\theta d\theta;$   
Модель GroEL  
 $I(s) = \left( \frac{2}{\pi abcs} \right)^2 \int_{0}^{\pi/2} \frac{1}{\cos^2 \theta} \left[ \int_{b-a}^{b+a} \left\{ sin(sc(1+\delta) cos \theta) + sin(sc(1-\delta) cos \theta) \right\} J_0(sr sin \theta) r dr \right]^2 sin \theta d\theta (3.1).$ 

1-кривая МУР по формуле Дебая см.(3.6), от атомной структуры молекулы белка GroEL; 2-кривая от двойного тора (3.1), 3-рассеяние от фф полого цилиндра, см. формула (2.6).













Численный поиск параметров *p<sub>i</sub> i=(1,...n)* 23 модели одним из методов минимизации (BFGS) min (*I(s, a,* b, c...) - I ехр (s)) в случае дробной размерности 2.5<D<3  $I_{mod}(s) = \left\langle \Phi(s, \Omega) \right\rangle_{\Omega} = \frac{N}{V'} \left\langle \left| \int_{V'} \rho_e(r) \exp i(s, r) \, dV' \right|^2 \right\rangle_{\Omega}$  $\mathbf{d}\rho_{\mathbf{D}}(\mathbf{r}) = \frac{2^{3-\mathbf{D}}\Gamma(3/2)}{\Gamma(\mathbf{D}/2)} \cdot |\rho|^{\mathbf{D}-3} \mathbf{d}\mathbf{V}$  $I(s)_{\text{mod}} = \left(\frac{2}{\pi ab c s}\right)^2 \int_{0}^{\pi/2} \frac{1}{\cos^2 \theta} \left[\int_{0}^{b+a} \left(\sin(sc(1+\delta)\cos\theta) - \sin(sc(1-\delta)\cos\theta)\right) J_0(sr\sin\theta) r^{D-2} dr\right]^2 \sin\theta d\theta$ 10<sup>°</sup>  $\delta = \sqrt{1 - \frac{(\mathbf{r} - \mathbf{b})^2}{\mathbf{a}^2}}$  эксперимент GroEL l(s) в растворе Геометрические — модель пншенсивносшь, ошн. ед. 10<sup>-2</sup> 10<sup>-3</sup> параметры о pacчет от pdb моделей структуры GroEL макромолекулы модель GroEL: а = 2.7нм b = 5.6 нм с = 2.9 нм 10<sup>-4</sup> а = 2.3нм b = 4.5нм 0.00 0.25 0.50 0.751.50 2.00 1.00 1.25 1.75 с = 4.1нм s, нм⁻¹

#### SAXS эксперимент на СИ накопителя DORIS г. Гамбург, Станция X33



### Поиск различных конформаций вирусного шаперонина gp146 в растворе.



Моделирование аминокислотными остатками белка gp146 в «исходном» буфере вид А "частично открытая форма» в разрезе, В-вид сбоку, С - вид сверху, D - вид снизу.



Обобщение ранее полученных Формфакторов на случай форм-фактора двойного эллиптического несимметричного тора - 5 параметров модели.

$$I(s)_{tt} = \left(\frac{2}{\pi a b c s}\right)^2 \int_0^{\pi/2} \frac{1}{\cos^2 \theta} \begin{cases} b+a_1 \\ \int_{b-a_1}^{b+a_1} \left[ F_1(sc_1, \delta_1(r), \theta) r \, dr + \int_{b-a_2}^{b+a_2} F_2(sc_1, \delta_2(r), \theta) r \, dr \right]^2 \end{cases} \sin \theta \, d\theta; \quad F_1(sc_1, \delta_1(r), \theta) = \sin(sc_1(1+\delta_1)\cos \theta) \cdot J_0(sr\sin \theta)$$
$$F_2(sc_1, \delta_2(r), \theta) = \sin(sc_2(1-\delta_2)\cos \theta) \cdot J_0(sr\sin \theta)$$

$$\delta_{1,2} = \sqrt{1 - \frac{(r-b)^2}{(a_{1,2})^2}};$$

gp146, модель – несимметричные торы

$$b = 50A$$

$$c_1 = 40A$$

$$a_1 = 11A$$

$$a_2 = c_2 = 30A$$





Схема работы шаперонина II группы, без ко-фактора.

Шаперонины группы II не имеют ко-шаперонина, но апикальные домены несут выступы, способные принять конформацию, при которой внутренняя полость будет закрыта



Изменения, происходящие с ССТ при добавлении АТР. Происходит изменение положения и конформации доменов, и комплекс из открытой формы переходит в закрытую [Banach et al, 2009].



### Модель открытой конформации











# Малые белки теплового шока

# α-Кристаллины (HspB4, HspB5)

## Некоторые свойства малых белков теплового шока

#### человека

Kappe et al., Cell Stress & Chaperone, 8, 53-61, 2003 Vos et al., Biochemistry, 47, 7001, 2008

Название	Количество	Мол.	pI	Хромосома
	UCIAIKUB	масса		
HspB1 (Hsp25/27)	205	22.8	6.4	7q11.2
HspB2 (MKBP)	182	20.2	4.8	11q22-q23
HspB3	150	17.0	5.9	5q11.2
НѕрВ4 (αА-кристаллин)	173	19.9	6.2	21q22.3
НѕрВ5 (αВ-кристаллин)	175	20.2	7.4	11q22.3-q23.1
HspB6 (Hsp20)	157	16.8	6.4	19q13.1
HspB7 (cvHsp)	170	18.6	6.5	1р36.23-р34.3
HspB8 (Hsp22, H11)	196	21.5	4.7	12
HspB9	159	17.5	9.0	17q21
HspB10 (ODF1)	250	28.4		8q22

# Зависимость прозрачности хрусталика от взаимодействия α- и γ-кристаллинов

Takemoto, Sorensen, Exp. Eye Res. 2008



На верхнем рисунке схематически показано прочность взаимодействия αи у-кристаллинов (увеличение прочности взаимодействия слева направо).

На среднем рисунке схематично показано изменение прозрачности хрусталика

На нижнем рисунке показано взаимодействие α- и γ-кристаллинов. При слабом взаимодействии (А) возможно образование крупных олигомеров α-кристаллинов; при среднем по прочности взаимодействии (В) кристаллины равномерно располагаются в хрусталике; при очень прочном взаимодействии (С) образуются агрегаты α-и γкристаллинов.



t=20° C.

- "экспериментальные точки
- сглаженная экспериментальная кривая
  - с апроксимацией к "нулевому углу рассеяния" I(0)"

Прямое моделирование в прямом пространстве с размером области D<sub>max</sub> на основе модифицированного метода случайного перебора с единичным элементом структуры: «шарик – атом».





Моделирование фракции 2 по Формфактору трёхосного эллипсоида

$$\mathbf{k}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \sqrt{\left(\mathbf{a}^{2}\cos^{2}\left(\frac{\pi}{2}\mathbf{x}\right) + \mathbf{b}^{2}\sin^{2}\left(\frac{\pi}{2}\mathbf{x}\right)\right)\left(1 - \mathbf{y}^{2}\right) + \mathbf{c}^{2}\mathbf{y}^{2}}$$
$$\mathbf{I}_{\text{mod}}(s) = 9\int_{0}^{1}\int_{0}^{1}\left[\frac{\sin(sk(x,y)) - (sk(x,y))\cos(sk(x,y))}{(sk(x,y))^{3}}\right]^{2}dx \, dy = 9\int_{0}^{1}\int_{0}^{1}\left[\frac{j_{1}(sk(x,y))}{sk(x,y)}\right]^{2}dx \, dy$$





# Спасибо за внимание.