

Закрутка и скосы в спиновой структуре MnSi при учёте взаимодействия нескольких магнитных сфер

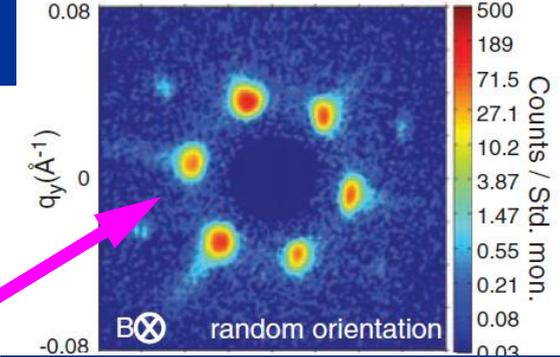
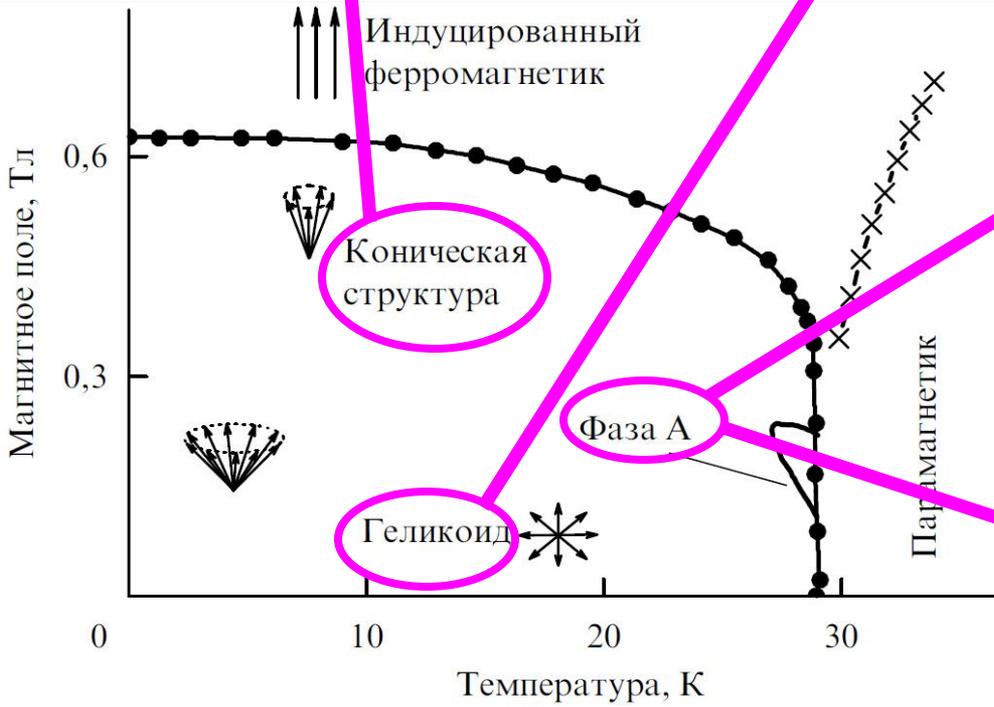
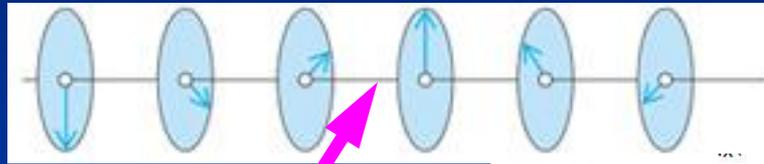
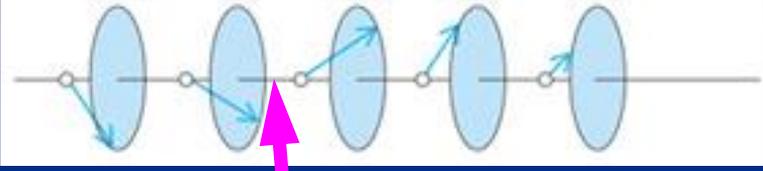
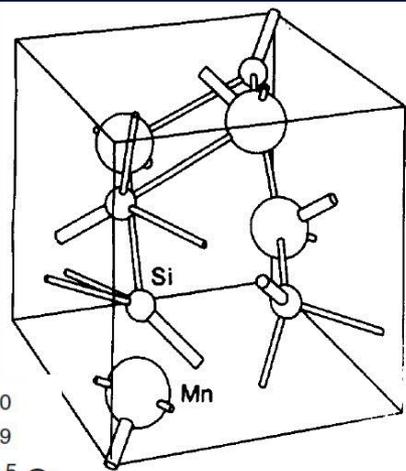
В. А. Чижиков, В. Е. Дмитриенко

- Моделирование спиновой структуры, скосы
- Феноменологические константы
- «Обменные» координаты атомов
- Мультиферроик Cu_2OSeO_3

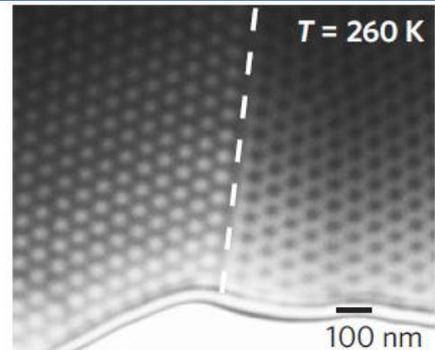
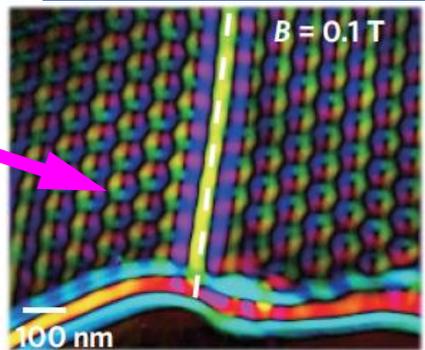
ФКС-2013, 14 марта 2013 г.

MnSi

Пр. группа $P2_13$
Структура B20

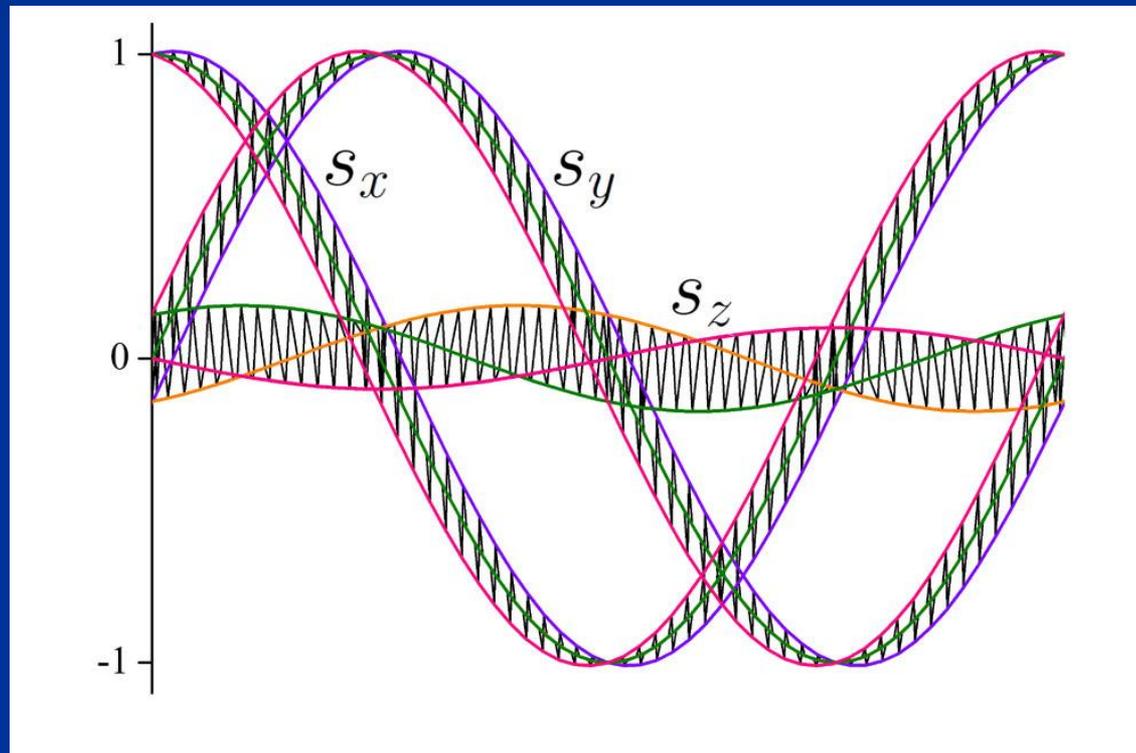


Mühlbauer et al. // Science, 2009, MnSi



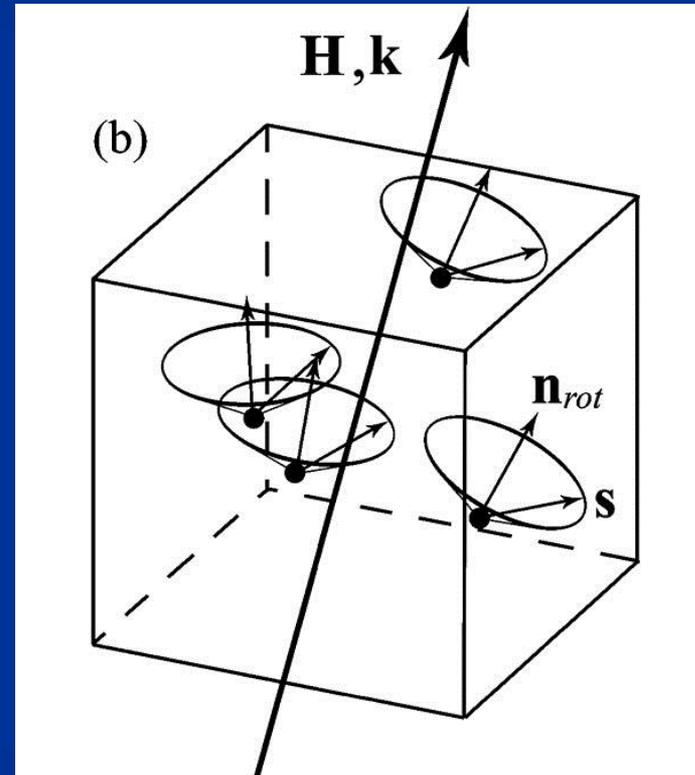
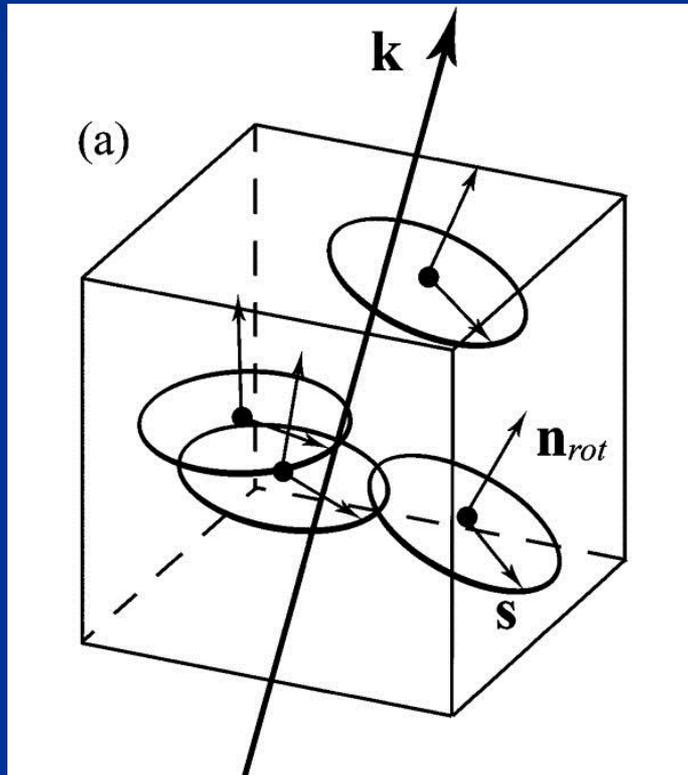
Моделирование спиновой структуры, скосы

Спиновая спираль вдоль направления $[110]$ в MnSi , результат численного моделирования с использованием гейзенберговского потенциала, параметры выбраны произвольно.

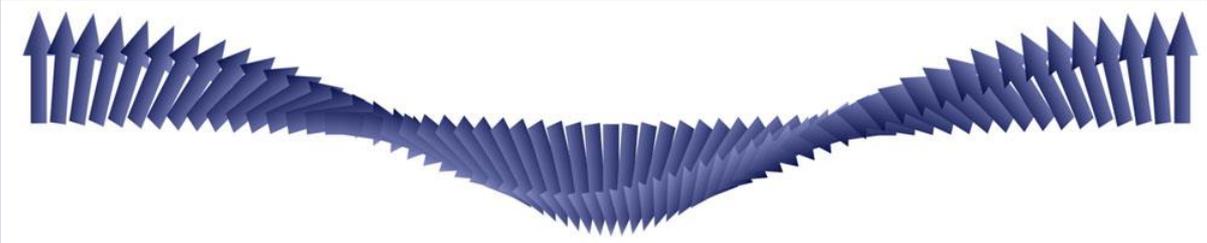


Моделирование спиновой структуры, скосы

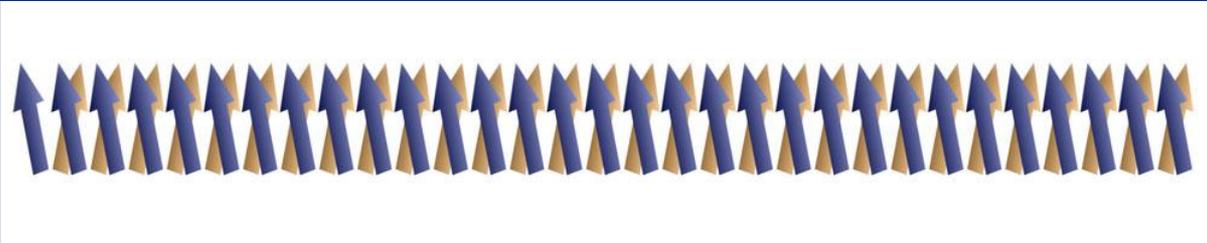
Скосы между 4 спиральями в MnSi : (a) простая спираль, (b) ферромагнитная спираль в магнитном поле. Спирали имеют общий волновой вектор, но отличаются фазами и плоскостями вращения спинов.



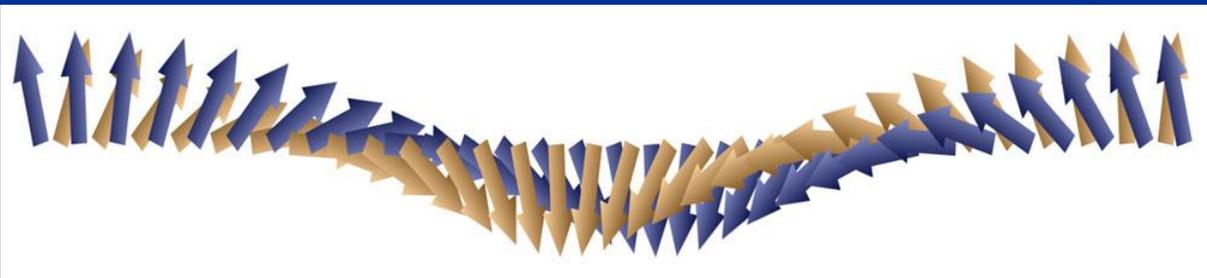
Моделирование спиновой структуры, скосы



закрутка



СКОСЫ



закрутка
+
СКОСЫ

Феноменологические константы

Для описания хиральных магнитных структур используют два различных подхода : **микроскопический** (с дискретными спинами) и **макроскопический** (с непрерывной плотностью магнитного момента).

Гейзенберговская модель:

$$E = \frac{1}{2} \sum_i \sum_j (-J_{ij} \mathbf{s}_i \cdot \mathbf{s}_j + \mathbf{D}_{ij} \cdot [\mathbf{s}_i \times \mathbf{s}_j])$$

Феноменологическая модель:

$$E = \int_V d\mathbf{r} \left(\mathcal{J} \frac{\partial m_\alpha}{\partial r_\beta} \frac{\partial m_\alpha}{\partial r_\beta} + \mathbf{D} \mathbf{m} \cdot [\nabla \times \mathbf{m}] \right)$$

Ответ на вопрос о связи между параметрами двух моделей позволяет вычислять макроскопические (феноменологические) константы из первых принципов.

В приближении ближайших соседей феноменологические константы определяются простыми линейными выражениями :

$$\mathcal{J} = \frac{3}{4}J$$

$$\mathcal{D} = D_x - 2D_y - D_z$$

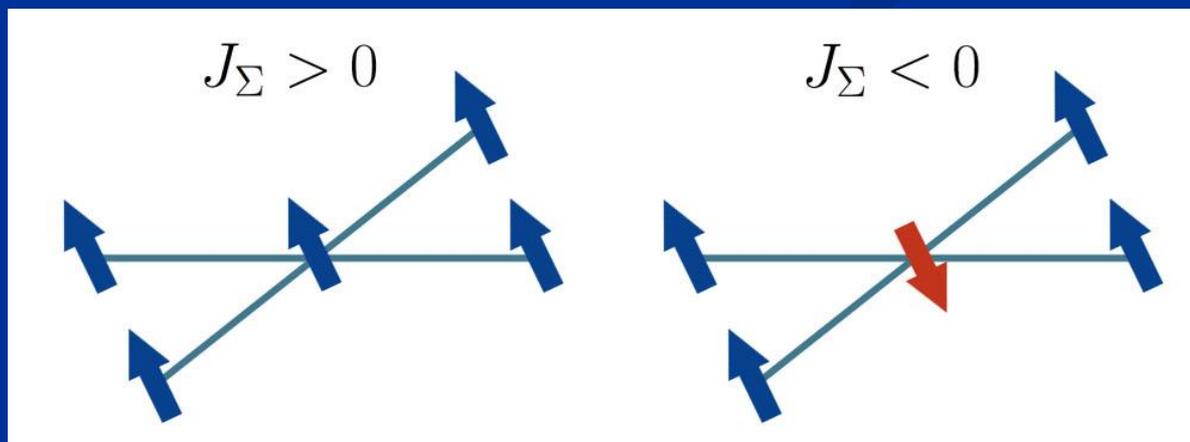
Здесь J – константа обменного взаимодействия пары соседних спинов,

(D_x, D_y, D_z) – вектор Дзялошинского–Мории (ДМ) одной из эквивалентных связей.

В приближении нескольких магнитных сфер закрученное ферромагнитное состояние определяется двумя обменными параметрами :

$$J_{\Sigma} > 0, \quad \mathcal{J} > 0$$

Первое условие определяет ферромагнитное упорядочение спинов, второе – малость пространственных градиентов магнитного момента.



В приближении 4 магнитных сфер :

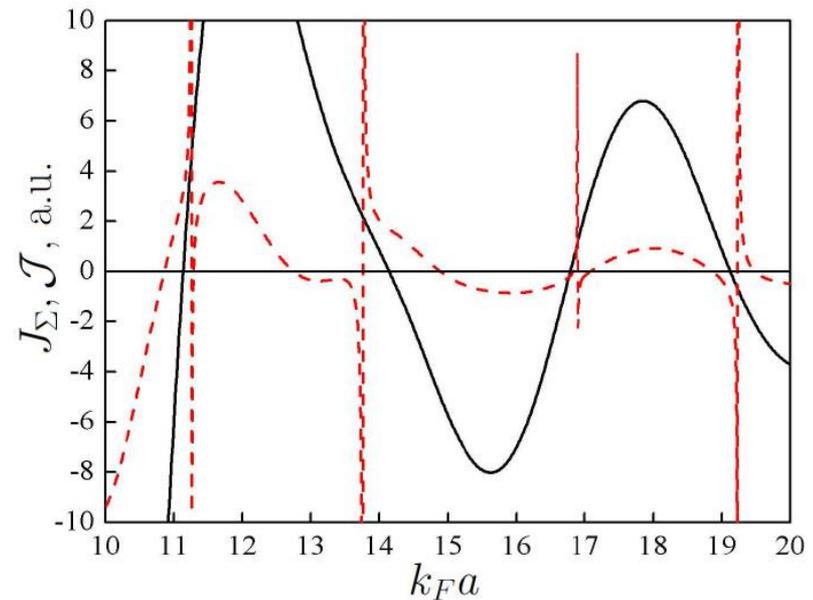
$$J_{\Sigma} = \sum_j J_{ij} = 6(J_1 + J_2 + J_3 + J_4)$$

$$\mathcal{J} = \frac{3J_1^2 + 3J_2^2 + 3J_3^2 + 10J_1J_2 + 10J_1J_3 + 22J_2J_3}{4(J_1 + J_2 + J_3)} + 2J_4$$

В приближении РККИ эти параметры можно представить как функции $k_F a$.

Реальное значение $k_F a = 16.4$ попадает в область отрицательных значений параметров.

(Может ли MnSi быть слабым ферромагнетиком?)



Какие проекции векторов Дзялошинского–Мории отвечают за закрутку?

→ За закрутку отвечают проекции векторов ДМ на направления связей (Hopkinson, Kee // PRB, 2009)



→ За закрутку отвечают проекции векторов ДМ на кристаллографические направления, близкие к направлениям связей (приближение ближайших соседей, Chizhikov, Dmitrienko // PRB, 2012)

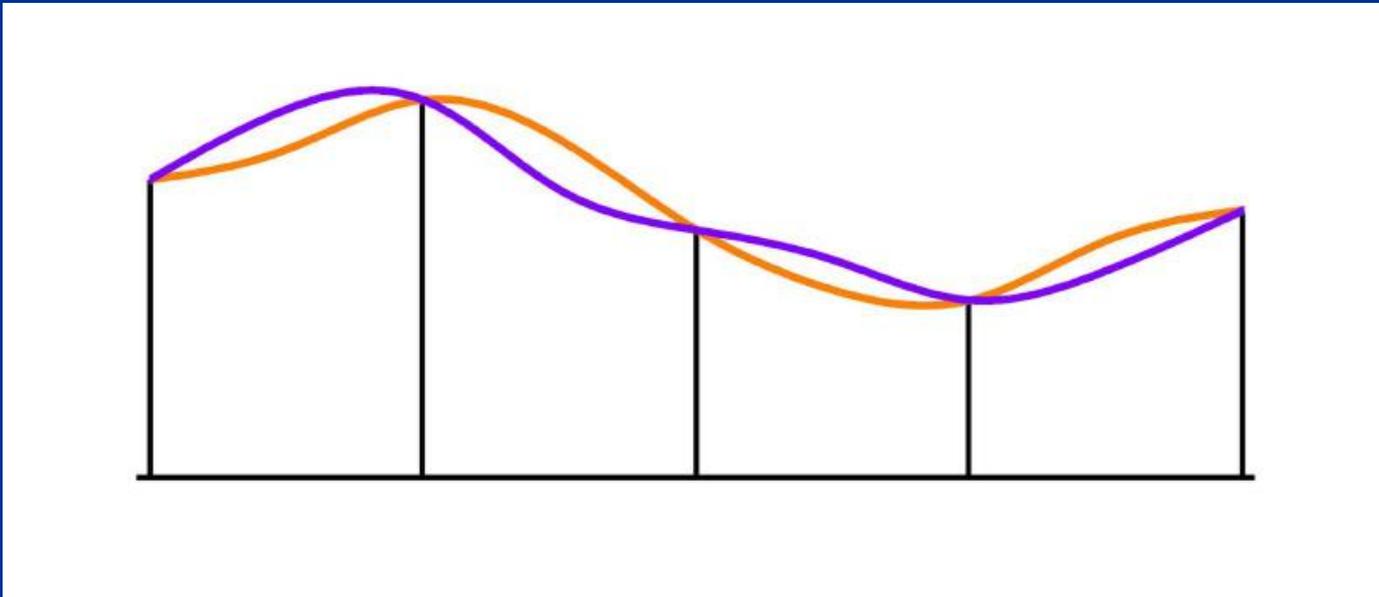


→ За закрутку отвечают проекции векторов ДМ на некие иррациональные направления, определяемые «обменными» координатами атомов



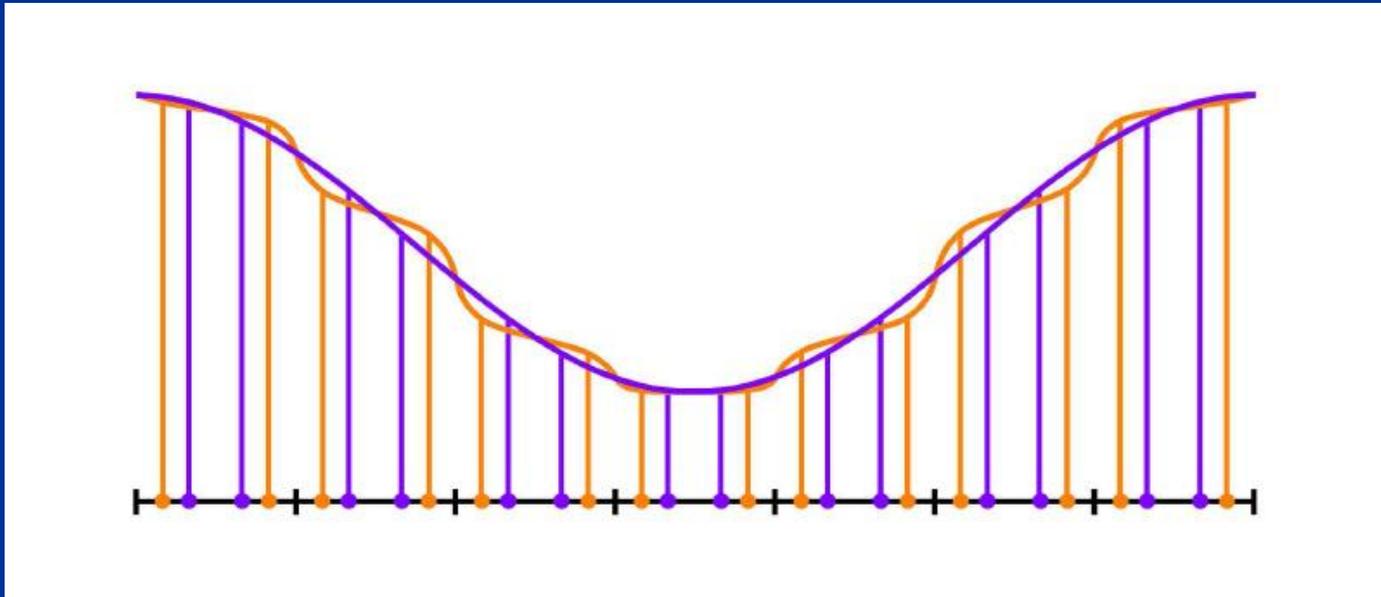
«Обменные» координаты атомов

Возможность выбора фиктивных координат атомов связана с неоднозначностью перехода от дискретных спинов к непрерывной плотности магнитного момента :



«Обменные» координаты атомов

Скоординированным смещением магнитных атомов в элементарной ячейке можно убрать несоответствие фаз отдельных («скошенных») спиралей и получить более гладкую намагниченность :



Условие на связи \mathbf{b}_{ij}

$$\sum_j J_{ij} \mathbf{b}_{ij} = 0$$

даёт фиктивную координату атомов как функцию обменных констант :

$$x_{exch} = \frac{J_1 + 3J_2 - J_3}{8(J_1 + J_2 + J_3)}$$

При использовании «обменных» координат псевдоскаляр Дзялошинского–Мории приобретает простой вид (в приближении 4 магнитных сфер) :

$$\mathcal{D} = -4(\mathbf{D}_1 \cdot \mathbf{b}_1 + \mathbf{D}_2 \cdot \mathbf{b}_2 + \mathbf{D}_3 \cdot \mathbf{b}_3 + \mathbf{D}_4 \cdot \mathbf{b}_4)$$

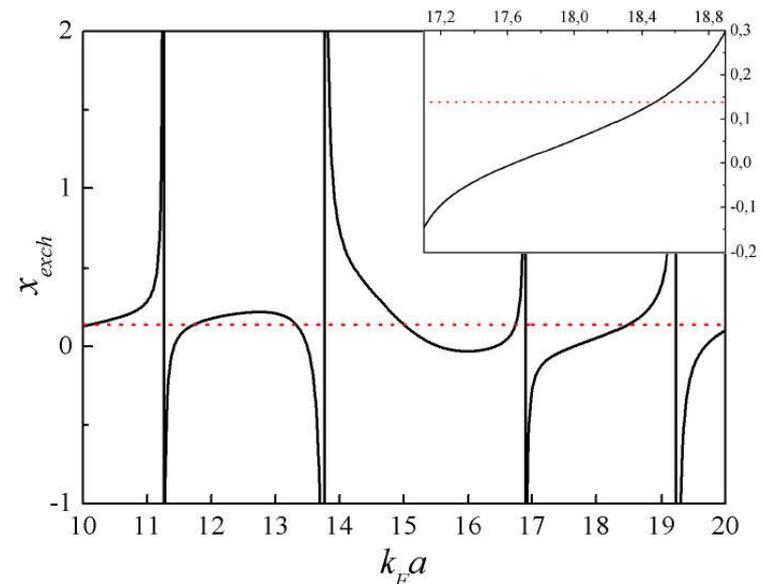
Параметр Дзялошинского-Мории

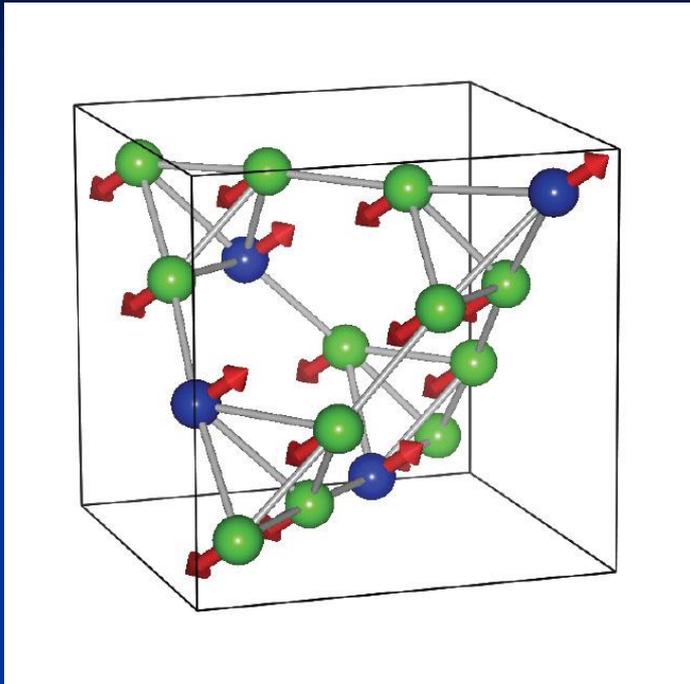
В предположении, что **векторы ДМ перпендикулярны связям** (правило Кеффера, квантово-механические расчёты), константа ДМ имеет вид :

$$\mathcal{D} = 8D_+(x_{exch} - x_{real})$$

Здесь $D_+ = D_{1x} + D_{1z} + D_{2x} + D_{2z} + D_{3x} + D_{3z}$ – комбинация компонент векторов ДМ, которая также отвечает за скосы. Разность $(x_{exch} - x_{real})$ определяет степень и знак (хиральность) закрутки.

Обменная координата в приближении РККИ как функция $k_F a$





Cu_2OSeO_3 – ферримагнетик, мультиферроик

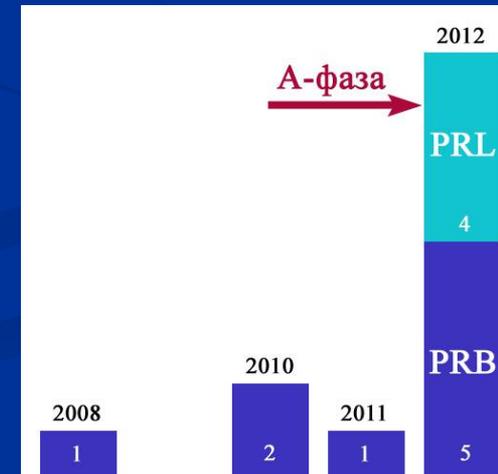
Пространственная группа – $P2_13$.

Элементарная ячейка содержит 16 магнитных атомов: Cu(I) в позициях $4a$, Cu(II) в позициях $12b$. Спины Cu(I) и Cu(II) противоположно направлены.

Кристалл – диэлектрик, есть связь между магнитным моментом и поляризацией.

Недавно обнаружена A -фаза (Seki et al. // Science, 2012).

Число статей в PRB и PRL, в названиях которых присутствует Cu_2OSeO_3



Обобщение условия для «обменных» координат на случай ферримагнетиков ($c_j = \pm 1$):

$$\sum_j J_{ij} c_j \mathbf{b}_{ij} = 0$$

Используя данные работы [Yang et al. // PRL, 2012] по константам обменного взаимодействия, можно вычислить фиктивные координаты атомов Cu(I) и Cu(II):

$$x_{I,real} = 0.8860, \quad x_{I,exch} = 0.9417$$

$$x_{II,real} = 0.1335, \quad x_{II,exch} = -0.0042$$

$$y_{II,real} = 0.1211, \quad y_{II,exch} = 0.0202$$

$$z_{II,real} = 0.8719, \quad z_{II,exch} = 0.8969$$

Феноменологические константы можно выразить в виде простых сумм по связям, если в \mathbf{b}_{ij} входят «обменные» координаты атомов :

$$\mathcal{J} = \frac{1}{12} \sum_i \sum_j J_{ij} c_i c_j |\mathbf{b}_{ij}|^2$$

$$\mathcal{D} = -\frac{1}{6} \sum_i \sum_j c_i c_j \mathbf{D}_{ij} \cdot \mathbf{b}_{ij}$$

Используя данные [Yang et al. // PRL, 2012], можно вычислить волновое число спирали $q = J/4\pi D = 0.0118$.

Без учёта скосов $q = 0.0104$ (Yang et al. // PRL, 2012).

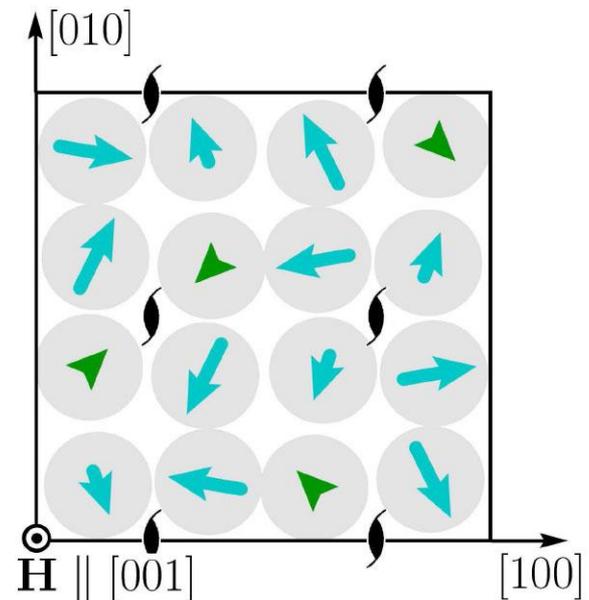
Экспериментальное значение $q = 0.014$ (Adams et al. // PRL, 2012; Seki et al. // PRB, 2012).

С учётом скосов спины отдельных атомов можно представить в виде :

$$\mathbf{s}_i = c_i \boldsymbol{\mu} + [\boldsymbol{\rho}_i \times c_i \boldsymbol{\mu}]$$

Здесь $\boldsymbol{\mu}$ – единичный вектор параллельный намагниченности, а «векторы подкрутки» $\boldsymbol{\rho}$ эквивалентных атомов связаны преобразованиями симметрии точечной группы.

Скосы в магнитной структуре, «раскрученной»
внешним магнитным полем $\mathbf{H} \parallel [001]$.



БЛАГОДАРИМ ЗА ВНИМАНИЕ !

Вячеслав Чижиков, chizhikov@crys.ras.ru

Владимир Дмитриенко, dmitrien@crys.ras.ru